

QJ

中华人民共和国航天工业部部标准

QJ 1384—88

正态分布双侧容许限系数表

1988-02-29发布

1988-10-01实施

中华人民共和国航天工业部 发布

正态分布双侧容许限系数表

1 主题内容和适用范围

1.1 主题内容

本标准给出了正态分布双侧容许限系数表。

1.2 适用范围

本标准适用于产品特性值 X 同时满足：

a. 服从正态分布，其分布密度函数为：

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \exp\left[-\frac{1}{2}\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2\right] \quad (-\infty < x < \infty) \quad \dots (1)$$

式中 μ 和 σ 分别为总体期望值和标准差，且 $-\infty < \mu < \infty$ ， $\sigma > 0$ ；

b. 总体参数 μ 和 σ 未知；

c. 样本大小为 n 的独立随机样本 x_1, x_2, \dots, x_n 来自同一总体。

2 引用标准

GB 3358 《统计学名词及符号》

GB 3187 《可靠性基本名词术语及定义》

3 正态分布双侧容许限系数表和参数范围

3.1 正态分布双侧容许限系数表（见表）

3.2 参数范围、表距及说明

置信水平 $\gamma = 0.5, 0.6, 0.7, 0.75, 0.8, 0.85, 0.9, 0.95, 0.99$ 。

双侧概率 $p = 0.15, 0.125, 0.1 (-0.01) 0.01 (-0.001) 0.001, 0.0005, 0.0001, 0.00001$ 。

样本大小 $n = 2 (1) 50 (10) 120$

表中给出了标准正态分布的 p 分位数 u_p ，利用 u_p 与双侧容许限系数 k 进行线性插值，以求得 k 或者 p ，可以提高插值精度。

若参数超出本数表数值范围或为避免插值误差，本标准附录A给出了求 k 或求 p 的计算机程序。

4 应用实例

4.1 确定双侧容许限

4.1.1 步骤

a. 由 n 个样本观察值 x_1, x_2, \dots, x_n , 计算样本均值 \bar{x} 和样本标准差 s :

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i \dots\dots\dots (2)$$

$$s = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \dots\dots\dots (3)$$

b. 根据给定的置信水平 γ , 下侧和上侧概率 p_1 和 p_2 以及样本大小 n , 查本数表分别得到双侧容许限系数 k_1 和 k_2 。

c. 计算双侧容许下限 L 和上限 U :

$$L = \bar{x} - k_1 s \dots\dots\dots (4)$$

$$U = \bar{x} + k_2 s \dots\dots\dots (5)$$

4.1.2 示例

某发动机推力服从正态分布, 10次试验的观察值为20.05, 19.03, 19.90, 20.11, 19.82, 20.01, 20.10, 19.77, 20.15, 19.81 kN, 给定 $\gamma = 0.8$, $p_1 = 0.05$, $p_2 = 0.01$, 要求确定该发动机推力双侧容许限。

根据10次观察值, 按公式 (2) 和 (3) 算得:

$$\bar{x} = 19.875$$

$$s = 0.32715$$

按 $\gamma = 0.8$ 和 $n = 10$, 用 $p_1 = 0.05$ 和 $p_2 = 0.01$ 分别查本数表得:

$$k_1 = 2.48256$$

$$k_2 = 3.35717$$

该发动机推力下、上侧容许限分别为:

$$L = \bar{x} - k_1 s = 19.06 \text{ kN}$$

$$U = \bar{x} + k_2 s = 20.97 \text{ kN}$$

4.2 确定双侧可靠度近似下限

4.2.1 步骤

a. 由 n 个样本观察值 x_1, x_2, \dots, x_n , 按公式 (2) 和 (3) 计算样本均值 \bar{x} 和样本标准差 s 。

b. 根据给定的特性值下限 L_0 和上限 U_0 , 计算双侧容许限系数 k_1 和 k_2 :

$$k_1 = \frac{\bar{x} - L_0}{s} \dots\dots\dots (6)$$